

المستوى : 4 متوسط

يوم : 09 / 11 / 2022

متوسطة هلال بلقاسم

المدة : 1 ساعة

## الفرض الأول لالفصل الأول في مادة الرياضيات

### النمرتين الأول (06 نقاط) :

1) بدون حساب بين أن العددين 966 و 368 ليسا أولين فيما بينهما.

2) أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 966 و 368 .

3) أكتب الكسر  $\frac{368}{966}$  على شكل كسر غير قابل للاختزال.

### النمرتين الثاني (06,5 نقطة) :

1) أحسب ما يلي :  $\sqrt{\frac{1}{4} \times 10^6}$  ،  $\sqrt{3} \times \sqrt{48}$  ،  $\sqrt{1,44 \times 0,25}$

2) بين أن  $2\sqrt{2} \times 3\sqrt{50}$  هو عدد طبيعي.

3) حل المعادلة :  $x^2 - 7 = 7$

### النمرتين الثالث (07,5 نقطة) :

و  $B$  عدادان حيث :

$$B = 2\sqrt{27} - 2\sqrt{48} + \sqrt{243} \quad \text{و} \quad A = \frac{5\sqrt{12}}{\sqrt{3}}$$



1) أكتب العبارة  $A$  على أبسط شكل ممكن.

2) أكتب العدد  $B$  على الشكل  $a\sqrt{3}$  حيث  $a$  عدد طبيعي.

3) بين أن:  $\frac{B^2}{3} - \frac{7}{5}A = 35$

## الإجابة

العلامة كاملة	العلامة مجزأة	
01,5  06  02,5  02		<p><u>الثمين الأول (06 نقاط) :</u></p> <p>1) العددان 966 و 368 ليسا أوليين فيما بينهما لأنهما يقبلان القسمة على 2 .</p> <p>2) حساب القاسم المشترك الأكبر للعددين 966 و 368 :</p> $966 = 368 \times 2 + 230$ $368 = 230 \times 1 + 138$ $230 = 138 \times 1 + 92$ $138 = 92 \times 1 + 46$ $92 = 46 \times 2 + 00$ <p style="text-align: right;"><math>\text{pgcd}(966 ; 368) = \boxed{46}</math> إذن :</p> <p>3) كتابة الكسر <math>\frac{368}{966}</math> على شكل كسر غير قابل للاختزال:</p> $\frac{368}{966} = \frac{368 \div 46}{966 \div 46} = \boxed{\frac{8}{21}}$
01  01  01  06,5		<p><u>الثمين الثاني (06,5 نقطتين) :</u></p> <p>1) الحساب:</p> $\sqrt{\frac{1}{4} \times 10^6} = \sqrt{\frac{1}{4}} \times \sqrt{10^6} = \frac{1}{2} \times \sqrt{(10^3)^2} = \frac{1}{2} \times 10^3 = \boxed{500}$ $\sqrt{3} \times \sqrt{48} = \sqrt{3 \times 48} = \sqrt{144} = \boxed{12}$ $\sqrt{1,44 \times 0,25} = \sqrt{0,36} = \boxed{0,6}$ <p>2) نبين أن <math>2\sqrt{2} \times 3\sqrt{50}</math> هو عدد طبيعي:</p>

	01,5	$2\sqrt{2} \times 3\sqrt{50} = 2 \times 3 \times \sqrt{2 \times 50} = 6 \times \sqrt{100} = 6 \times 10$ $= 60$ $x^2 - 7 = 7$ حل المعادلة : 7 $x^2 = 7 + 7 = 14$ أو $\begin{cases} x = \sqrt{14} \\ x = -\sqrt{14} \end{cases}$ للمعادلة حلان هما : $\boxed{\sqrt{-14}}$ و $\boxed{\sqrt{14}}$
	02	<u>الثمين الثالث (07,5 نقطة)</u> $A$ و $B$ عدادان حيث :
	02,5	$B = 2\sqrt{27} - 2\sqrt{48} + \sqrt{243}$ و $A = \frac{5\sqrt{12}}{\sqrt{3}}$ كتابة العبارة $A$ على أبسط شكل ممكن:
07,5	03	$A = \frac{5\sqrt{12}}{\sqrt{3}} = \frac{5\sqrt{12} \times \sqrt{3}}{\sqrt{3} \times \sqrt{3}} = \frac{5 \times \sqrt{36}}{\sqrt{9}} = \frac{5 \times 6}{3} = \frac{30}{3} = 10$ كتابة العدد $B$ على الشكل $a\sqrt{3}$ حيث $a$ عدد طبيعي: $B = 2\sqrt{27} - 2\sqrt{48} + \sqrt{243}$ $B = 2\sqrt{9 \times 3} - 2\sqrt{16 \times 3} + \sqrt{81 \times 3}$ $B = 2 \times 3\sqrt{3} - 2 \times 4\sqrt{3} + 9\sqrt{3}$ $B = 6\sqrt{3} - 8\sqrt{3} + 9\sqrt{3}$ $B = (6 - 8 + 9)\sqrt{3}$ $B = \boxed{7\sqrt{3}}$  $(3) \text{ نين أن: } \frac{B^2}{3} - \frac{7}{5}A = 35$
	02	$\frac{B^2}{3} - \frac{7}{5}A = \frac{(7\sqrt{3})^2}{3} - \frac{7}{5} \times 10$ $= \frac{49 \times 3}{3} - \frac{70}{5} = \frac{147}{3} - 14 = 49 - 14 = \boxed{35}$ وهو المطلوب.